

SOMMAIRE

Préliminaires

| | |
|---|----|
| 1- Notations utilisées | 12 |
| 2- Conventions de signe | 16 |
| 3- Rappels mathématiques | 17 |
| 3-1. Analyse de régression linéaire | 17 |
| 3-2. Résolution d'une équation du troisième degré | 19 |

Cours

A – Méthode des états limites – Actions et sollicitations

| | |
|--|----|
| 1- DEFINITIONS ET PRINCIPE DES JUSTIFICATIONS | 22 |
| 1-1. Domaine d'application des règles B.A.E.L 91 | 22 |
| 1-2. Principe des justifications..... | 23 |
| 2- ACTIONS ET SOLICITATIONS..... | 24 |
| 2-1. Actions..... | 24 |
| 2-2. Calcul des sollicitations | 25 |
| 2-2.1 Notations..... | 25 |
| 2-2.2 Hypothèses et principe de calcul des sollicitations | 25 |
| 2-2.3 Sollicitations de calcul vis-à-vis des états limites ultimes de résistance | 26 |
| 2-2.4 Sollicitations de calcul vis-à-vis des états limites de service | 26 |

B – Caractéristiques des matériaux – Association acier-béton

| | |
|---|----|
| 3- LES MATERIAUX ACIER ET BETON..... | 27 |
| 3-1. Modélisation du béton | 27 |
| 3-1.1 Résistance caractéristique..... | 27 |
| • Résistance caractéristique à la compression | 27 |
| • Résistance caractéristique à la traction..... | 27 |
| 3-1.2 Déformations longitudinales du béton | 27 |
| 3-1.3 Diagramme déformations-contraintes..... | 28 |
| 3-2. Modélisation de l'acier..... | 28 |
| 3-2.1 Caractéristiques mécaniques | 28 |
| 3-2.2 Module d'élasticité longitudinale | 29 |
| 3-2.3 Diagramme déformations-contraintes..... | 29 |
| 3-2.4 Caractéristiques géométriques | 29 |

| | |
|--|-----------|
| 4- ASSOCIATION ACIER-BETON | 30 |
| 4-1. Adhérence des aciers en barre | 30 |
| 4-1.1 Contrainte d'adhérence | 30 |
| 4-1.2 Ancrage des aciers en barres | 30 |
| • Ancrage rectiligne | 30 |
| • Ancrages courbes | 31 |
| 4-2. Dispositions constructives diverses | 36 |
| 4-2.1 Protection des armatures | 36 |
| 4-2.2 Possibilités de bétonnage correct | 36 |
| 4-2.3 Poussée au vide | 37 |
| C – Justification des sections – Cas de la flexion simple | |
| 5- VERIFICATION DES SECTIONS EN FLEXION SIMPLE | 38 |
| 5-1. Vérification aux états limites de service E.L.S | 38 |
| 5-1.1 Objectif de la vérification | 38 |
| 5-1.2 Hypothèses de calcul | 38 |
| 5-1.3 Equations d'équilibre | 39 |
| • Cas d'une section rectangulaire | 39 |
| • Cas d'une section en té | 41 |
| 5-1.4 Organigramme de la vérification | 45 |
| • Cas d'une section rectangulaire | 45 |
| • Cas d'une section en té | 46 |
| 5-2. Vérification aux états limites ultimes E.L.U | 47 |
| 5-2.1 Objectif de la vérification | 47 |
| 5-2.2 Hypothèses de calcul | 47 |
| • Diagrammes déformations-contraintes des matériaux | 47 |
| 5-2.3 Règle des trois pivots | 49 |
| 5-2.4 Equations d'équilibre | 49 |
| • Cas du pivot A | 50 |
| • Cas du pivot B | 51 |
| 5-2.5 Vérification | 52 |
| • Organigramme de la vérification (section rectangulaire) | 53 |
| 6- DIMENSIONNEMENT DES SECTIONS EN FLEXION SIMPLE | 58 |
| 6-1. Dimensionnement aux états limites ultimes | 58 |
| 6-1.1 Hypothèses de calcul | 58 |
| • Diagrammes déformations-contraintes des matériaux | 58 |
| 6-1.2 Règle des trois pivots | 60 |
| 6-1.3 Equations d'équilibre et dimensionnement | 60 |
| 6-1.4 Etude de l'évolution des contraintes maximales dans le béton et dans l'acier | 63 |
| 6-1.5 Définition et expression du moment réduit ultime limite | 65 |
| • Définition du moment réduit ultime limite | 65 |
| • Expression du moment réduit ultime limite | 65 |

| | |
|--|------------|
| 6-1.6 Dimensionnement dans le cas où le moment réduit est supérieur au moment réduit ultime limite..... | 75 |
| 6-1.7 Organigramme de dimensionnement aux états limites ultimes | 77 |
| 6-2. Dimensionnement aux états limites de service | 79 |
| 6-2.1 Hypothèses de calcul..... | 79 |
| 6-2.2 Cas où la fissuration est jugée peu préjudiciable | 80 |
| • Equations d'équilibre et dimensionnement..... | 80 |
| 6-2.3 Cas où la fissuration est jugée préjudiciable ou très préjudiciable | 85 |
| • Définition du moment résistant béton | 85 |
| • Equations d'équilibre et dimensionnement..... | 87 |
| 7-COMPARAISON DES DIMENSIONNEMENTS AUX ETATS LIMITES ULTIMES ET AUX ETATS LIMITES DE SERVICE DANS LE CAS DE LA FLEXION SIMPLE | 92 |
| 7-1. Cas où la fissuration est jugée peu préjudiciable..... | 92 |
| 7-1.1 Comparaison des sections d'acier comprimé | 94 |
| 7-1.2 Comparaison des sections d'acier tendu | 96 |
| 7-2. Cas où la fissuration est jugée préjudiciable | 97 |
| 7-3. Cas où la fissuration est jugée très préjudiciable | 99 |
| D – Justification des sections – Cas de la flexion composée | |
| 8- DIMENSIONNEMENT DES SECTIONS EN FLEXION COMPOSEE | 100 |
| 8-1. Dimensionnement aux états limites ultimes | 100 |
| 8-1.1 Hypothèses de calcul..... | 101 |
| • Diagrammes déformations-contraintes des matériaux..... | 102 |
| 8-1.2 Règle des trois pivots | 104 |
| 8-1.3 Sollicitations de calcul..... | 105 |
| 8-1.4 Equations d'équilibre et dimensionnement | 106 |
| • Dimensionnement dans le cas du pivot A | 106 |
| • Dimensionnement dans le cas du pivot B | 108 |
| • Dimensionnement dans le cas du pivot C | 115 |
| 8-1.5 Organigramme de dimensionnement aux états limites ultimes | 121 |
| • Organigramme de calcul type 1..... | 122 |
| • Organigramme de calcul type 2..... | 123 |
| • Organigramme de calcul type 3..... | 124 |
| 8-2. Dimensionnement aux états limites de service | 125 |
| 8-2.1 Hypothèses de calcul..... | 125 |
| 8-2.2 Equations d'équilibre et dimensionnement | 126 |
| • Section partiellement comprimée | 126 |
| • Section entièrement comprimée | 138 |
| 8-2.3 Détermination de la borne de dimensionnement..... | 143 |

| | |
|---|------------|
| 9- VERIFICATION DES SECTIONS EN FLEXION COMPOSEE | 144 |
| 9-1. Vérification aux états limites ultimes E.L.U..... | 144 |
| 9-1.1 Objectif de la vérification..... | 144 |
| 9-1.2 Hypothèses de calcul..... | 145 |
| 9-1.3 Détermination de la courbe d'interaction | 145 |
| • Détermination des bornes de calcul..... | 146 |
| • Equations d'équilibre | 148 |
| 9-2. Vérification aux états limites de service E.L.S..... | 156 |
| 9-2.1 Objectif de la vérification..... | 156 |
| 9-2.2 Hypothèses de calcul..... | 156 |
| 9-2.3 Equations d'équilibre..... | 157 |
| • Cas où la section est entièrement comprimée | 157 |
| • Cas où la section est partiellement comprimée..... | 159 |
| 9-2.4 Organigramme de la vérification aux états limites de service..... | 163 |
| E – Justification vis-à-vis des sollicitations tangentes | |
| 10- JUSTIFICATION DES POUTRES SOUS SOLICITATION D'EFFORT TRANCHANT | 164 |
| 10-1. Etat de contrainte dû à l'effort tranchant | 164 |
| 10-2. Contrainte tangente conventionnelle..... | 167 |
| 10-3. Justification d'une section courante..... | 167 |
| 10-3.1 Etat limite du béton de l'âme..... | 167 |
| 10-3.2 Section minimale d'armatures d'âme..... | 168 |
| 10-3.3 Etat limite ultime des armatures d'âme..... | 168 |
| 10-3.4 Appui simple d'about..... | 171 |
| 10-4. Organigramme de justification des armatures d'âme | 174 |
| F – Justification des poteaux | |
| 11- JUSTIFICATION DES POTEAUX SOUMIS A UNE COMPRESSION CENTREE | 175 |
| 11-1. Hypothèses de calcul | 175 |
| 11-2. Grandeurs caractéristiques | 175 |
| 11-2.1 Longueur de flambement..... | 175 |
| • Cas du poteau isolé..... | 175 |
| • Cas des bâtiments..... | 176 |
| 11-2.2 Rayon de giration..... | 176 |
| 11-2.3 Elancement | 178 |
| 11-3. Dimensionnement de la section béton | 179 |
| 11-3.1 Cas du poteau de section rectangulaire | 180 |
| 11-3.2 Cas du poteau de section circulaire..... | 180 |
| 11-4. Dimensionnement des armatures | 181 |
| 11-4.1 Dimensionnement des armatures longitudinales | 181 |
| 11-4.2 Dimensionnement des armatures transversales | 183 |

| | |
|--|------------|
| 11-5. Organigramme de dimensionnement..... | 184 |
| 11-5.1 Section rectangulaire | 184 |
| 11-5.2 Section circulaire | 185 |
| G – Justification des ouvrages de fondation | |
| 12- DIMENSIONNEMENT DES OUVRAGES DE FONDATION..... | 186 |
| 12-1. Hypothèses de calcul | 186 |
| 12-2. Contrainte de calcul..... | 186 |
| 12-3. Justification des ouvrages de fondation | 187 |
| 12-3.1 Etat limite ultime de résistance | 188 |
| 12-3.2 Etat limite d'équilibre statique | 189 |
| 12-3.3 Etat limite de service vis-à-vis de la durabilité | 189 |
| 12-4. Dimensionnement de la section béton | 189 |
| 12-4.1 Cas d'une semelle isolée | 189 |
| • Détermination des dimensions de la base..... | 189 |
| • Détermination de la hauteur de la semelle | 190 |
| 12-4.2 Cas d'une semelle continue..... | 191 |
| • Détermination des dimensions de la base..... | 191 |
| • Détermination de la hauteur de la semelle | 192 |
| 12-5. Dimensionnement des armatures | 192 |
| 12-5.1 Cas de la semelle isolée..... | 193 |
| 12-5.2 Cas de la semelle continue..... | 196 |
| 12-6. Organigramme de dimensionnement..... | 199 |
| 12-6.1 Cas de la semelle isolée..... | 199 |
| 12-6.2 Cas de la semelle continue..... | 200 |

Applications

JUSTIFICATION DES SECTIONS – CAS DE LA FLEXION SIMPLE

Vérification des sections aux états limites de service

| | |
|--|-----|
| 1. Etude d'une poutre de section rectangulaire sans aciers comprimés | 202 |
| 2. Etude d'une poutre de section rectangulaire avec aciers comprimés | 207 |
| 3. Etude d'une poutre de section en té | 212 |

Vérification des sections aux états limites ultimes

| | |
|--|-----|
| 4. Etude d'une poutre de section rectangulaire sans aciers comprimés..... | 223 |
| 5. Etude d'une poutre de section rectangulaire avec aciers comprimés | 228 |

Dimensionnement des sections

| | |
|---|-----|
| 6. Etude d'un bâtiment à usage d'habitation | 235 |
| 7. Etude d'un bâtiment industriel..... | 261 |

JUSTIFICATION DES SECTIONS – CAS DE LA FLEXION COMPOSEE

Dimensionnement des sections

| | |
|---|-----|
| 8. Etude des poteaux d'un bâtiment à usage d'habitation | 288 |
| 9. Etude des poteaux d'un bâtiment industriel | 300 |

Vérification des sections aux états limites de service

| | |
|--|-----|
| 10. Etude d'une poutre de section rectangulaire sans aciers comprimés..... | 321 |
| 11. Etude d'une poutre de section rectangulaire avec aciers comprimés..... | 329 |

Vérification des sections aux états limites ultimes

| | |
|--|-----|
| 12. Etude d'une poutre de section rectangulaire sans aciers comprimés..... | 337 |
| 13. Etude d'une poutre de section rectangulaire avec aciers comprimés..... | 345 |

JUSTIFICATION DES POTEAUX SOUMIS A UNE COMPRESSION CENTREE

Cas où les dimensions de la section transversale sont connues

| | |
|---|-----|
| 14. Etude d'un poteau de section rectangulaire..... | 361 |
| 15. Etude d'un poteau de section circulaire | 366 |

Cas où les dimensions de la section transversale sont inconnues

| | |
|---|-----|
| 16. Etude d'un poteau de section rectangulaire..... | 371 |
| 17. Etude d'un poteau de section circulaire | 376 |

JUSTIFICATION DES OUVRAGES DE FONDATION

| | |
|---------------------------------------|-----|
| 18. Etude d'une semelle isolée | 381 |
| 19. Etude d'une semelle continue..... | 386 |

Logiciel MELBA 98

MELBA 98 – LOGICIEL DE CALCUL DE STRUCTURES EN BETON ARME SELON LA METHODE DES ETATS LIMITES

| | |
|--------------------------------------|-----|
| 1. Présentation du logiciel..... | 392 |
| 2. Captures d'écran du logiciel..... | 393 |