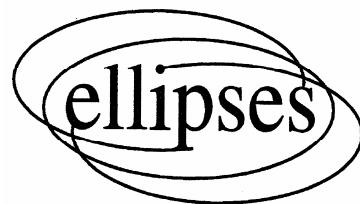


# MATHÉMATIQUES POUR LE FUTUR INGÉNIEUR

## Rappels de cours & exercices corrigés

José OUIN  
Ingénieur INSA Toulouse  
Professeur agrégé de Génie civil  
Professeur agrégé de Mathématiques



# **SOMMAIRE**

## **Les rappels de cours**

### **A - DÉVELOPPEMENTS LIMITÉS**

1- Définition .....	9
2- Formule de Taylor .....	12
3- Propriétés des développements limités .....	13

### **B - INTÉGRALES SIMPLES**

1- Changement de variable .....	18
2- Exemples .....	18

### **C - INTÉGRALES DOUBLES ET INTÉGRALES TRIPLES**

1- Intégrale double .....	20
2- Intégrale triple .....	26
3- Application du calcul intégral à la mécanique .....	29

### **D - OPÉRATEURS DIFFÉRENTIELS**

1- Fonctions de trois variables .....	32
2- Gradient d'une fonction de trois variables .....	33
3- Laplacien d'une fonction de trois variables .....	35
4- Champ vectoriel .....	36

<b>E - ALGÈBRE LINÉAIRE - DIAGONALISATION DE MATRICES</b>	
1- Notion d'espace vectoriel .....	39
2- Base et dimension d'un espace vectoriel .....	40
3- Application linéaire .....	43
4- Matrice d'une application linéaire .....	44
5- Calculs avec des matrices .....	46
6- Matrices et changement de bases .....	54
7- Diagonalisation de matrices .....	58

<b>F - SYSTÈMES DIFFÉRENTIELS</b>	
1- Équations différentielles linéaires d'ordre 1 à coefficients constants .....	61
2- Systèmes différentiels linéaires homogènes .....	62

## **Les exercices corrigés**

<b>A - DÉVELOPPEMENTS LIMITÉS.....</b>	<b>69</b>
<b>B - INTÉGRALES SIMPLES .....</b>	<b>86</b>
<b>C - INTÉGRALES DOUBLES ET INTÉGRALES TRIPLES .....</b>	<b>92</b>
<b>D - OPÉRATEURS DIFFÉRENTIELS.....</b>	<b>129</b>
<b>E - ALGÈBRE LINÉAIRE - DIAGONALISATION DE MATRICES.....</b>	<b>138</b>
<b>F - SYSTÈMES DIFFÉRENTIELS .....</b>	<b>230</b>